

Н.Н. Христофорова

Казанский государственный университет, кафедра радиоэлектроники

E-mail: Natalya.Khristoforova@ksu.ru

# ЗАВИСИМОСТЬ МЕЖДУ ТЕПЛОВЫМИ И УПРУГИМИ СВОЙСТВАМИ ГОРНЫХ ПОРОД

В статье рассматривается связь геотермических градиентов со скоростью распространения сейсмических волн. На экспериментальном материале показана справедливость кинетического уравнения, связывающего теплопроводность и квадрат скорости звука для пористых горных пород.

## 1. Введение

Надежный прогноз температурных условий на большие глубины, недоступные бурению, возможен при точном знании определенных физических параметров, в частности, коэффициента теплопроводности  $\lambda$ . Оценки теплопроводности земной коры базируются, в основном, на лабораторном эксперименте. Непосредственно в естественных условиях теплопроводность горных пород не измеряется, поэтому разрабатываются методы ее определения из других геофизических данных.

## 2. Корреляция геотермических градиентов со скоростью сейсмических волн

Экспериментальные данные показывают, что существует обратная зависимость между двумя параметрами, характеризующими упругие и тепловые свойства литосферы, рис. 1–5. Это скорость распространения сейсмических волн  $V$  и градиент температуры  $\Gamma$ , пропорциональный теплопроводности горных пород  $\lambda$  согласно уравнению Фурье  $q = \lambda \Gamma$ , где  $q$  – тепловой поток из недр.

Для выявления корреляционных зависимостей были использованы значения термоградиентов, которые определялись с высокой точностью (0.01 %) из температурных измерений, выполненных нами в глубоких скважинах с установившимся тепловым режимом на территории Восточно-Европейской и Скифской платформ.

Кроме того, для установления корреляции использованы фактические данные сеймокаротажа скважин,

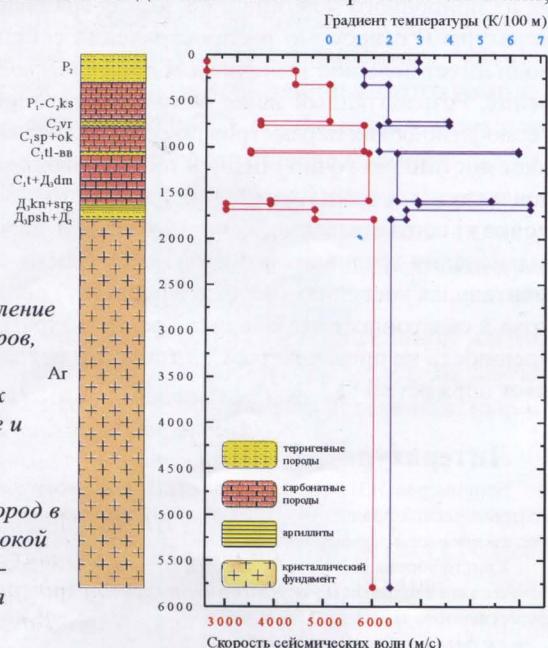


Рис. 1.  
Распределение  
параметров,  
характеризующих  
тепловые и  
упругие  
свойства  
горных пород в  
сверхглубокой  
скв. Ново-  
Елховская  
2009.

собранные в фондах геофизических трестов – 1180 колонок пластовых скоростей распространения сейсмических волн по 640 площадям Восточно-Европейского региона.

Некоторые типичные для изученных регионов колонки  $V$  и  $\Gamma$  приведены на рисунках 1–4.

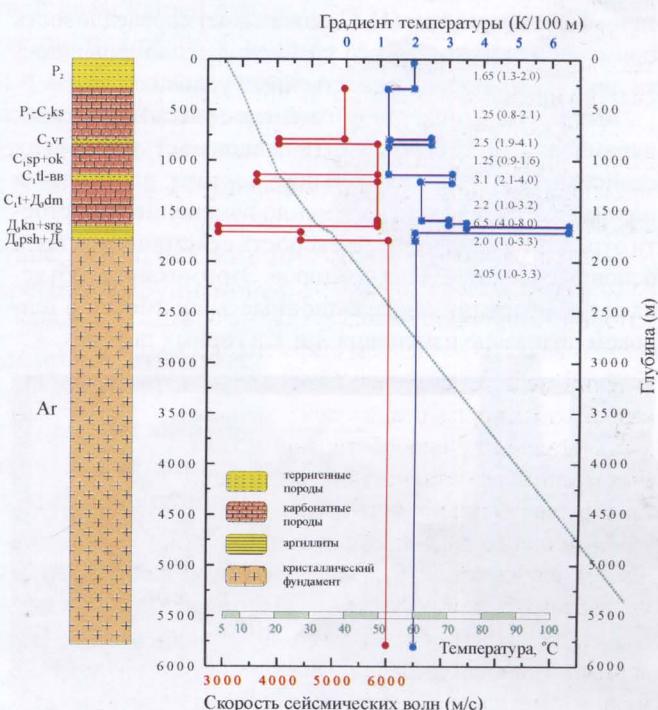


Рис. 2. Обобщенная термограмма и характерное распределение параметров для Южного купола Татарского свода, показывающее связь тепловых и упругих свойств горных пород в условиях их естественного залегания.

## 3. Теория

Корреляционный анализ экспериментального материала показывает справедливость теоретического описания переноса тепла в горных породах посредством кинетического выражения для установившейся теплопроводности:

$$\lambda = \frac{1}{3} c \rho \tau V^2 \quad (1)$$

где  $c$  – теплоемкость,  $\rho$  – плотность,  $\tau$  – время релаксации фононов (Христофорова, 1988).

Четкие графики зависимостей

$$\frac{\lambda}{q} = \frac{1}{\Gamma} = f(V^2) \quad \text{и} \quad \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\Gamma_2}{\Gamma_1} = f\left(\frac{V_1^2}{V_2^2}\right) \quad (2)$$

были получены для карбонатных и терригенных толщ, рис. 5. Они аппроксимируются линейными функциями с

коэффициентами корреляции 0.6 – 0.98 и индексом детерминации 0.6 – 0.84. Проверка графиков на нелинейность корреляции подтвердила квадратичный вид зависимости между  $\lambda$  и  $V$  для горных пород (Непримеров и Христофорова, 1983).

Для горизонтов, где кондуктивный тепловой режим дополняется конвективным тепломассопереносом, получены кривые, которые описываются формулой, выведенной при учете влияния движущегося флюида в порах:

$$\lambda = \frac{q}{\Gamma} = \frac{1}{3} c \rho \tau V^2 + c_i \rho_i \omega \Delta H \operatorname{tg} \alpha \quad (3)$$

где  $c_i$ ,  $\rho_i$  – теплоемкость и плотность жидкости,  $\omega$  – скорость движения флюида,  $\Delta H$  – толщина пласта,  $\alpha$  – угол наклона пласта; или

$$\frac{\lambda}{q} = \frac{1}{\Gamma} = aV^2 + b \quad (4)$$

Сравнение эмпирических зависимостей (2) с рассчитанными по формулам (1), (3) доказывает справедливость применения кинетического уравнения теплопроводности для горных пород в естественных условиях.

**Механизм.** Синхронное изменение рассматриваемых параметров можно объяснить зависимостью упругих свойств породы от минерального состава, плотности и пористости. Как известно, именно изменение пористости отражает воздействие на скорость сейсмических волн основных уплотняющих факторов. Этот механизм объясняет наблюдаемые корреляционные зависимости в широком диапазоне изменения  $\lambda$  и  $V$  в горных породах.

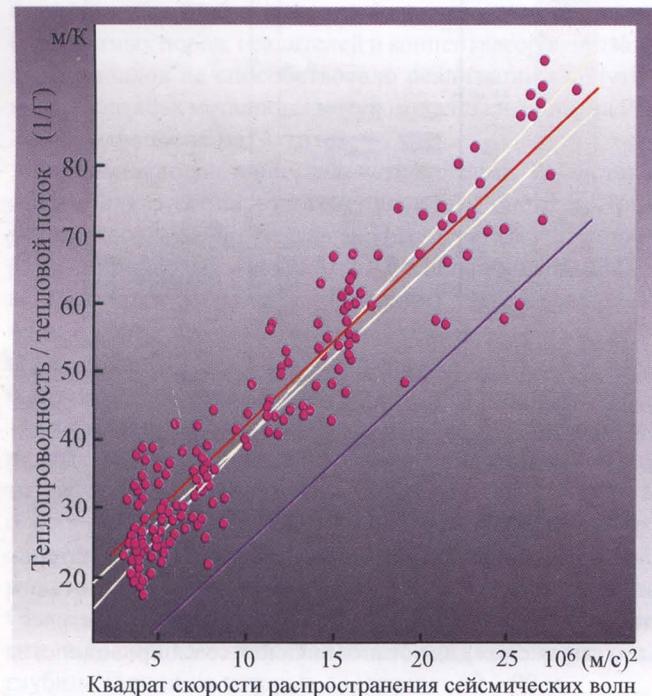
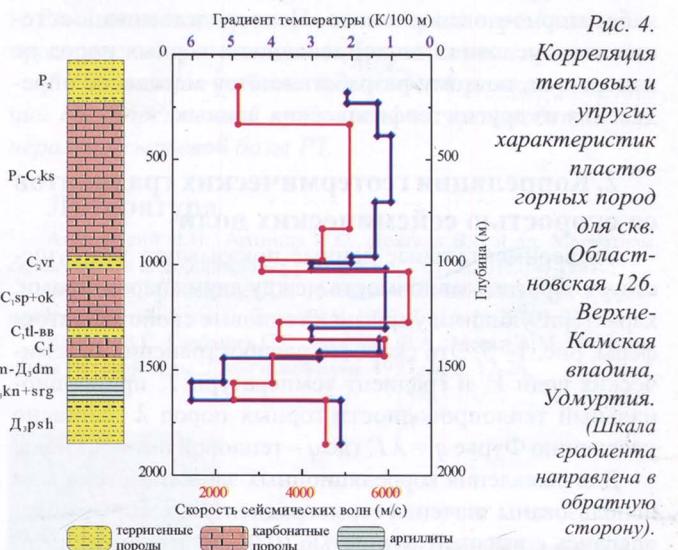
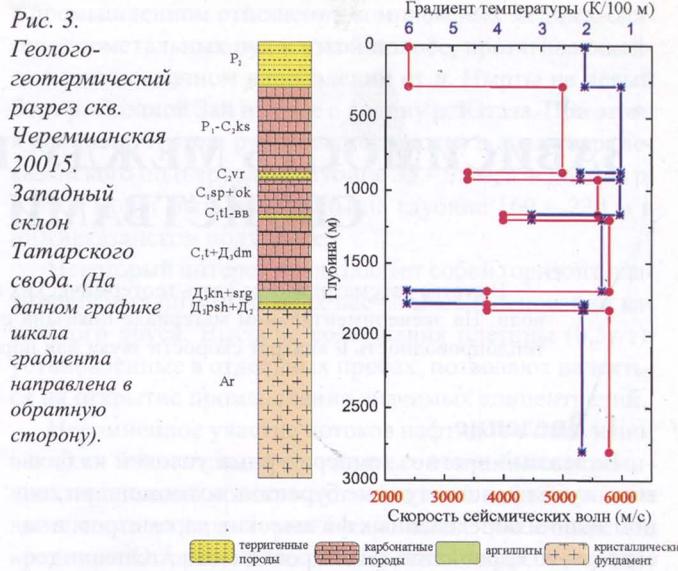


Рис. 5. Экспериментальная зависимость между тепловыми и упругими свойствами горных пород в интервале глубин 200 – 1000 м. Для построения графика использованы значения геотермических градиентов, измеренные в скважинах Волго-Уральской антиклизы, Московской синеклизы, Прикаспийской впадины, Предкавказья и Донбасса. Значения скорости  $V$  взяты в фондах соответствующих геофизических трестов. Светлые линии – прямые регрессии; синяя линия – теоретическая прямая, ф-ла (1); красная линия – теоретическая прямая с учетом влияния движущегося флюида, ф-лы (3-4).



## Заключение

Выявленная корреляционная зависимость между тепловыми и упругими свойствами горных пород в условиях их природного залегания, т.е. между градиентом температуры и скоростью распространения сейсмических волн имеет большое значение для практического применения. Разработанный на ее основе метод определения теплофизических параметров по сейсмокартажу позволяет достаточно точно оценить теплопроводность пластов и крупных толщ горных пород в естественной обстановке и, соответственно, использовать эти значения для вычисления теплового потока из недр Земли. Экспериментальная косвенная (через температуру) проверка метода в скважинах показала, что среднеквадратичная погрешность не превышает 2°C, а точность метода составляет порядок ±5 %.

## Литература

- Непримеров Н.Н., Христофорова Н.Н. К вопросу о корреляции геотермических градиентов со скоростью сейсмических волн. *Физические процессы горного производства*. Л.: Изд-во ЛГИ. 1983. 89-93.  
Христофорова Н.Н. Теоретическое и экспериментальное обоснование связи тепловых и упругих свойств горных пород в условиях их естественного залегания. *Тепловые расчеты процессов и устройств в горном деле Севера*. Якутск. 1987. 54-57.